炉物理の研究 第65号(2013年3月)

第44回炉物理夏期セミナー 若手研究会 議事録

日時:8月2日(木)19:30~21:30 (夏期セミナー2日目)

●昨年度の若手研究会のフォローアップ

今年は、昨年度実施した若手研究会のフォローアップということで、アンケートを実施 し、回答を得た。回答結果を下記に記す。

Q1 あなたのご職業は? 学生 56%(9 人)、社会人 44%(7 人)

- Q2-1 福島事故以降、なにかアクションを起こしましたか? はい 44%(7人)、いいえ 56%(9人)
- Q2-2 それは昨年の夏以降ですか? はい 57%(4人)、いいえ 43%(3人)
- Q2-3 具体的にはどのようなアクションですか?<情報発受信>
 - ・放射線防護に関する一般向け講演の実施
 - ・英文学の専門家と「原子力と文学」で対談
 - Twitter 上での情報発信
 - ・家族と放射線の講演会に参加
 - ・身近な人と原子力について対話
 - ・原子力事故によって停止した施設 (大間やサイクル関係の施設)を見学
 - ・YGN 主催の原子力若手討論会を実施
 - ・エネ庁の基本問題委員会へのパブコメ投稿
 - ・意見聴取会への申込み(落選)

<業務>

- ・スクリーニング検査の助成作業の参加
- ・事故収束に向けた関連業務に従事

<その他>

- ・福島産の野菜セット購入(少しでも福島の風評被害を少なくするため)
- Q3-1 福島事故以降、仕事や研究の進め方に変化はありましたか? はい 50%(8人)、いいえ 50%(8人)

Q3-2 それは昨年の夏以降ですか?

はい 50%(4人)、いいえ 50%(4人)

- Q3-3 具体的にどのような点ですか?<社会人>
 - ・福島原発事故に対して貢献できる業務や研究の優先順位が高くなった。
 - ・フロントエンド(炉心設計、燃料設計)だけではなく、バックエンド(廃炉、 放射性廃棄物処理・処分)にも貢献できるような研究内容を模索するようになった。
 - ・震災以前は、実績のあるコード(信頼できる道具)によって仕事が出来ていた が、震災以降はそれが適用できない状況が増えた。
 - ・基本的な物理現象の理解、合理的なモデル化の能力、それを説明する能力が、 仕事や研究を進める上で、以前にも増して求められるようになった。
 - ・学部生対象の非密封 RI を取扱う実験では、放射線防護の内容を増やした。

<学生>

- ・研究開発の目的意識が「経済性向上」から「信頼性向上」へ変化した。
- ・今の研究分野以外を勉強しなければならないという気持ちの変化があった。
- ・予定されていた共同研究が廃止になった。
- Q4-1 福島事故以降、原子力に対する風当たりがますます強くなってきておりますが、 あなたの原子力に対する考え(想い)は変わっていませんか? はい 75%(12人)、いいえ 25%(4人)
- Q4-2 変わったとしたら、いつの時点でどのように変わったのですか? いつ:福島一時帰宅者に対するスクリーニング検査の助成作業後 どのように:福島原発事故終息 or 周辺環境の回復に対して貢献することなく、 原子力利用を推進していくことには、感情的に賛成し難くなった。
 - いつ:現在の原子力業界に関する状況から
 - どのように:原子力業界に就職するつもりで、福島事故後に原子力関連の
 - 研究室を希望したが、現状を見て原子力業界に進むか悩んでいる。 いつ:事故後の様々な報道を拝見して
 - どのように: 「原子力の必要性・安全性を一般の方に分かりやすく 説明することの重要性」を感じるようになった。
 - いつ:反原発デモが盛んに行われるようになってから
 - どのように:大衆に対して原子力の何が安全で何が危険なのかを

詳しく説明すべきであると考えるようになった。

- Q5 現時点で、若手としてどうあるべき、何をすべきだとおもいますか?<勉強すべき>
 - 一般の方々に原子力について説明できるような知識を得るべきである。
 - ・ものごとの仕組みをよく考え、なぜ自分はこう思うか、なぜ世論がこうなって いるか等も含めて、自分なりの考えを持ち、人とよく議論するべきである。
 - ・"若手"という立場に甘えることなく、各々が専門家として良く学び、それぞれ の立場ですべきことを実施すべきである。
 - ・ 炉物理以外の分野についても幅広い知識を身につけ、他分野を専門といている 方(学生を含め)とのコミュニケーションを通して、多角的な意見や考え方に触れ るべきである。
 - ・福島事故の原因を良く理解するためにも、原子力に関する幅広い知識 (研究 以外の知識も)を勉強することが一番大切である。

<情報発信すべき>

- ・身近な人に原子力について説明し、その議論の中で今後の原子力業界にとって 必要なことを見つけるべきである。
- ・感情的にならず、原子力の必要性を地道に説明していくべきである。
- ・情報発信する場合には、中立性のある発言に留意して発言するべきである。
- ・学生の皆さんは、学んだ知識や学生生活の時間を研究に使うだけでなく、今後 は、身近な人と話す為にも使っていくべきである。
- ・自身が考える今後の原子力のあるべき姿について、真剣に検討し、情報発信を 行うべきである。(世論を変えることができる可能性があり、変えられなくても 自身の成長が期待できる。)
- ・身内の方が心配しているケースも多いため、安心させてあげることも重要。

<その他>

- 事故以前と同様に自信を持って研究に臨むべきである。
- ・今の仕事・研究に誇りをもって取り組むことも重要である。
- ・本質的に物事を捉え、原子力の安全性をより高めていくべきである。
- ・長期的なスパンで今後のエネルギー政策全体を考え、少しでも貢献できるよう
 に努力するべきである。
- ・テレビでしゃべっていた or 政府で対応にあたった先生方と「若手」との世代差 がわずかしかない。つまり、次に日本や世界で何かおこったら、その対応は我々 世代が担うことを強く意識し、研究や業務に取り組むべきである。

<いただきましたコメント>

- ・福島事故以降、原子力に対する考えが変わっていなくても、自分の研究に対して疑問を 抱くことは大事。これから専門家になっていく人は、専門家という自負をもって自身を もって他の人に説明することが今後重要となってくるだろう
- ・専門家の人たち、先生方や会社に所属されている方が発言すると、大きな力になってしまう。しかし、学生であれば、ある程度自由に発言することでき、学生というステータスが有利に働く場がたくさんあると思う。学生ということで軽んじられることがあるかもしれないが、いろんな好きな事を言える間にしっかりと発言していくことで、今後の原子力業界に活きるためにつながるのではないかと思う。
- ・我々が熱く(原子力について)語っていく必要がある。専門家として正しい意見を伝え る努力は必要である。完璧な人間というものはいないと思うので、あとは各個人どこまで 発言に責任を持つことが出来るかということになってくる。誤解を恐れずに言うと、「あ まり失敗を恐れずに、萎縮せずに、自分の信念をもって行動していけばよいと思う。」そ のためには共感を持ってもらう。またそのためには熱意をもって真摯に対応する必要があ る。日本ではなかなか活動されていないが、米国のANSなどでは Nuclear Cafe や Face Book のページといったソーシャルな活動が実施されており、日本でも実施すべきではな いのかと思う。例えば、炉物理部会の若い人は個々に活動されていると思うが、有機的に つながって活動されていることがないと思うので、横の連携をもっと深める事のできる場 を作って若手がもっと活動するべきだと感じた。
- 自分の行なっている研究や原子力分野に誇りを持ち、楽しく研究を行う必要がある。自 分が楽しく研究をしていると、それを見た周りの人が興味を持ってくださるのではないか と思う。何事もまずは前向きにやってきましょう。

●若手研究者の研究発表(発表 15 分、質疑 7 分)

高速・熱中性子結合炉心の解析法の検討(早稲田大学 M2 本多友貴)

<研究概要>

水冷却高速炉の先行研究では ZrH 層を含むブランケット集合体を分散配置してボイド反応度係数を低減する方法が考案されており、SRAC コードを用いた解析が行われてきた。 本研究では SRAC コードにより計算した実効増倍率、冷却材ボイド反応度の解析精度について MVP コードを参照解として検討を行った。

- <質問>
- ・SRACの実効断面積の計算はどういった手法で行なっているのか。
- ・MVPのヒストリ数、統計誤差をお伺いしたい。
- ・SRAC と MVP の計算時間は?

<コメント>

- ・モンテカルロ法はよい特徴がいくつもあるのだが、もう少し頭で考えることを行なって 欲しい。モンテカルロ法で答えが出るということであったら、他人が行えばいいので、も う少し自分で考えて、コードを使って欲しい。考えるために MVP を使うのは賛成である。
 実際に設計している方々は、いまでも決定論手法を持ちいて計算を行なっている。
- ・ZrH は使われて無いことはない。例えば、トリガー炉に使われているはず。ただ、高速 炉でZrHを使おうという話にはなっていないので、そこは新しいと思う。ただZrH は水 素の取り扱いが大変なので、SRAC や MVP でちゃんと水素が取り扱われているか、確認 する必要がある。
- ・扱う群数については中性子の気持ちになれば、扱うべき群数の最適なところが見えてくるはず。

燃料装荷パターン最適化問題への免疫型アルゴリズムの適応性検討(大阪大学 M1 高木 時哉)

<研究概要>

免疫型アルゴリズムを PWR 炉心体系の燃料装荷パターン最適化問題に適用し比較を行っている。免疫型アルゴリズムの元となっている遺伝的アルゴリズム、免疫型アルゴリズ ム同様に多様性を持たせるための分散遺伝的アルゴリズムを比較対象として選択している。 結果として免疫型アルゴリズムは比較対象と比べ適用体系の最適化対する適応性は良い値 を示さなかった。

<質問>

- ・IA(免疫型アルゴリズム)の標準偏差が高かったが、幅広いサーベイをしているのか? また、パラメータを変えることによって局所解をうまく見つけることはできないのか。
- ・IAについて詳細を再度教えて下さい。
- ・IAを選択した理由を教えて下さい。

核変換による放射性廃棄物処理方法の考察(大阪大学 M1 高橋公平)

<研究概要>

使用済み核燃料に含まれる核分裂生成物に対して、D-T 核融合反応による 14MeV 中性子を用いて核変換による処理を検討した。核融合炉による 2×10^16[#/cm2/s]のフラックスを 使用することにより、放射能を約 35%削減できることが判明した。 <質問>

- ・14MeV を利用した核変換に主題を置いているが、熱核融合炉を前提としているのか。
- ・レーザー核融合は核変換が行えるほど持続できるのか。
- ・ADSの核変換に対し、どういうメリットがあるのか。
- ・対象は福島事故の Cs-137 ということだが、使用済核燃料には大量の Cs-137 が存在して

いる。核変換するのであれば、福島のものは微々たるものなので、使用済核燃料の Cs-137 を減らさないと意味が無いのではないか。

- ・Cs-137の半減期は?
- ・3 年照射し 10 年冷却すると 13 年が経つが、これでも4分の3になるだけである。それ なら 15 年ほおっておいても4分の3になるので、集めてほおっておいたほうがいいので は?

燃料棒単位 BWR 炉心計算におけるスペクトル干渉効果の補正(名古屋大学 D2 藤田達 也)

<研究概要>

燃料棒単位 BWR 計算において、スペクトル干渉効果による縮約断面積の変化を補正する 手法を、中性子の正味の漏洩量に関するインデックス(Leakage Index, LI)を導入すること で、新たに提案した。また、BWR 燃料集合体を想定した一次元体系を用いて検証計算を行 ったところ、本手法を用いることでスペクトル干渉効果に伴う縮約断面積の変化を考慮で きることを確認した。

<質問>

- ・ 集合体計算は多集合体体系で補正量を求めるという理解でいいか?
- ・アルベドを変えることによって、周辺の漏れ量を意図的に変化することによって、多集 合体体系を模擬することができるという可能性はあるのか。
- ・現在、多集合体体系で求めている係数を工学的なモデルで単一集合体体系で求めること ができないのか。
- ・体系が変わる場合、どのように多集合体体系を組むのか。
- ・そのテーブルは位置依存なのか?
- ・燃料スペシフィックな値が出るのか?
- <コメント>
- ・データ量が膨大になるのは大問題だ。

●講評(岡嶋副部会長)

モンテカルロの時に言いましたが、やはり頭を使って考える必要があると思います。こ れが一番大事なことだと思います。また、自分の研究がどこに役に立つのかということ、 一番初めに実験するときに、何の目的でするのか、どのくらいの精度で行うのかをよく考 える必要があると思います。

私達にとっては、ボルツマン方程式が命のハズであり、ここを出発点にして研究をして いると思います。ボルツマン方程式は非常に綺麗でエレガントな式なのだけれど、よくよ く解いてみると、ものすごく難しいものがあります。すこし流れを変えてみようとすると、 とたんに破綻をきたしてしまうというのは、みなさんご存知だと思う。で、どのように工 夫しようかと頭を使うのと同じで、では、どうやって何のためにその流れを見るのかとい うことがあると思います。ほんのちょっとしたことから、どこに役立って、どこで自分の 考えを活かすのかということが大事なので、これさえ忘れなければ、どんな研究をやって いても、いいと思います。これが一番大事な根本だと思うので、これさえ見失いで研究に 取り組んでもらえたら、今日のような話ももっともっと発展していくことと期待しており ます。みなさんはこれから炉物理を背負って立つのでありますから、ぜひ考えて欲しいと 思います。 <第44 回炉物理夏期セミナー報告>

若手研究会報告

高速・熱中性子結合炉心の解析法の検討

早稲田大学 共同原子力専攻 岡研究室 修士2年生 本多友貴

研究内容

超臨界圧軽水冷却高速炉の先行研究では ZrH 層を含むブランケット集合体を分散配置してボイ ド反応度係数を低減する方法が考案され、その炉心の設計は SRAC コードを用いて行われてきた。 この高速炉心には ZrH 層を含むブランケット集合体が多数あり中性子と水素との衝突により熱

変化する。この炉心は高速中性子と熱中性子が共存する 特殊な炉心(高速・熱中性子結合炉心と呼ぶ)であり、断面 積の作成方法、エネルギー群縮約数、体系近似などが現在の 計算手法で妥当であるか検討する必要がある。これまで SRAC コードの高速・熱中性子結合炉心に対する解析精度の検討は 行われていない。本研究では MVP を参照解として検討した経 過を報告する。対象とした炉心は燃料棒を密に束ねた燃料集

中性子が発生するために ZrH 層周辺でスペクトルが大きく



合体を用いる軽水冷却高速炉心である。 図1 ZrH 付ブランケット集合体

従来の研究

高速・熱中性子結合炉心の SRAC の解析精度について検討した先行研究は冷却水喪失時のボイ ド反応度計算の精度について、1 次元中性子輸送計算コードの結果を参照解として検討した結果 があるのみである。この炉心計算は1次元円柱モデルである為、3 次元の炉心燃料集合体配置や 出力分布、その燃焼に与える影響を正しく表現できておらず、検討として不十分であった。設計 で用いられている SRAC は多群エネルギー定数や拡散近似を用いている事、また水素化ジルコ ニウム層に隣接する領域の割が有限であり計算機能力の限界から多くは取れない事などから、そ の計算精度、たとえば冷却材喪失時の負のボイド反応度の精度を MVP の参照解と比較して検証 する必要がある。

※以下、用いている3種類の集合体:ZrH付きブランケット集合体をBL(ZrH)、ZrH 無しブラン ケット集合体をBL、燃料棒が全てMOX 燃料で構成されている集合体をSEEDと記載した。

2. 解析方法

現計算方法は SRAC ではと BL 集合体は燃料棒無限格子体系、BL (ZrH) 集合体は集合体無限格子体系で衝突確率法 (PIJ) を用いた計算を行う事により 18 群定数を作成し、ASMBURN では集合体 無限格子体系で PIJ を用い SEED と BL 集合体は 1 領域 BL (ZrH) 集合体は径方向に 6 領域ごとに 9 群定数を作成し、COREBURN により炉心計算を実施している。MVP では燃料棒単位でモデル化し集合体燃焼計算、燃焼前炉心計算を実施した。



用いている SRAC システムと SRAC 計算における近似①~⑨





図3 用いている群乗数作成方法

<u>結果</u>

① ZrH付ブランケット集合体断面積作成方法の検討

ZrH 層付きブランケット集合体体系を今まで行われてきた手法を用いて SRAC-ASMBURN で作成した結果と MVP の結果を比較したところ k-inf の差が大きく、PIJ 計算では燃料棒間に層状物質を

入れた体系では正しく断面積が作成されていない事が判明した。そこでSRACの衝突確率計算が層の外側の燃料棒にも適用できるように ZrH層をZrH燃料棒2層でモデル化した。





図4 ZrH 層付きブランケット集合体計算結果

ZrH 棒付きブランケット集合体を SRAC において燃料棒無限格子計算を行った結果、SRAC において集合体計算を行った結果(現計算方法)と MVP 計算の3方法による結果を図5で比較した。

(1)pin wise 計算		
(基本的な方法)		
SRAC→燃料棒計算 ASMURN→集合体計算		
(2)assembly wise 計算		
SRAC→集合体計算 ASMURN→集合体計算		
(3)MVP 計算		

Pin wise 計算では ZrH による中性子スペクトルの軟化の影響を取り入れずに高速スペクトルで 断面積を作成するために MVP 計算と比較したときに精度のよい計算ができない事が図6より分

かる。また Assembly wise 計算では 100 GWd/t で MVP 計算と比較して Δ k=0.017 差 が生じるが炉心計算結果に与える影響は小 さく、今まで用いてきた pin wise 計算で はなく assembly wise 計算を用いると ZrH 付ブランケット集合体断面積が十分精度よ く計算できる事 MVP と比較する事で分かった。



図6 ZrH付ブランケット集合体無限格子計算結果

図 8 CORE3 体系

② 炉心計算による実効増倍率と冷却水喪失時のボイド反応度の検討

Assembly wise 計算により作成した断面積を用いて実際に設計されている高速・熱中性子結合炉 心の計算を MVP 計算と比較した。ZrH による影響が分かりやすいように ZrH 付きブランケット燃 料の数だけを変更した4種類の炉心計算を行った。

表1 炉心内集合体数

	CORE1	CORE2	CORE3	CORE4
SEED	91	91	91	91
BL	162	150	102	0
BL(ZrH)	0	12	60	162

※CORE1 体系→ 全てのブランケット集合体が BL CORE4 体系→ 全てのブランケット集合体が BL(2



図7 CORE2 体系



実効増倍率は通常時、冷却材喪失時 共に SRAC が過小評価されていると 言える。また、ZrH 付きブランケット 集合体が増加するにつれて冷却材喪失 時の場合の方が SRAC の過小評価が 大きいために、ボイド反応度は図の様に ZrH 付き集合体数が増加するに従って SRAC は過小評価する事が分かった。



図 11 ボイド反応度

まとめ 今後の課題

SRAC を用いて高速・熱中性子結合炉心の解析を行う場合に、水素化物を含むブランケット燃料 集合体の衝突確率法による断面積作成は燃料棒単位でなく集合体単位で行う必要がある事が分 かった。

またMVPを参照解とした冷却材喪失時のボイド反応度は、今回対象とした炉心では水素化物を 含むブランケット燃料集合体数が多いほどSRACの計算は過小評価となると言える。今後、エ ネルギー群数、シード燃料集合体の断面積作成における周囲の水素化物を含むブランケットの影 響などを検討予定である。

さらに本研究で対象とした炉心より冷却水割合が多い超臨界圧軽水冷却高速炉(スーパー高速炉) 炉心、スペクトルがより硬いナトリウム冷却炉心(ZrH層を含む)を対象に高速・熱中性子結合 炉心の計算精度の検討を行う予定である。

燃料装荷パターン最適化問題への免疫型アルゴリズムの適応性検討

大阪大学大学院工学研究科 環境・エネルギー工学専攻 高木時哉

1.背景と目的

原子力発電所には高い安全性と経済性が求められており、より効率的なウラン燃料の利用が必要 である。日本の原子力発電所においては定期検査を 13 ヶ月に一度行い、燃料のうちの 3 分の 1 の古く なった燃料を新燃料に入れ替え炉心の再設計が行われる。燃料装荷パターンにより炉心特性が大きく 変化するため、その決定は長期に渡る安全性と経済性を保証するために重要な要素となる。燃料利用 計画は数サイクル先までを考慮する必要があり、燃料装荷位置の組合せ数が大きいので燃料装荷パタ ーン最適化は制約条件の多い非常に組み合わせの多い最適化問題といえる。

全ての装荷パターンを検証することは計算機的資源、時間の観点から不可能であり、これまで少な い計算回数で制約条件を満たして経済性向上を行える自動的最適化システムの開発が望まれてきた。 そのため今までに燃料装荷パターン最適化に対して様々な最適化手法及びそれらのハイブリッド手法 が適用されてきた。本研究においては比較的古くから適用されている遺伝型アルゴリズム(GA)とその 派生である分散遺伝的アルゴリズム(DGA)と免疫型アルゴリズム(IA)を、出力ピークを目的関数とし て燃料装荷パターン最適化問題に適用し、比較検討を行う。

2. 計算体系

表1に示すようなPWRの仮想的なA~Gの7種類の燃料集合体を、Aを15本、B,C,D,Eは6本ずつ、 F,G は 4 本ずつ用意した。W は水反射体領域である。その集合体を図1に示す例のような 1/4PWR 炉 心体系に装荷する燃料装荷パターン最適化問題を考えた。目的関数として用いる出力ピークの計算は 拡散コード「CITAITON」を用いて行った。GA、DGA、IA を CITATION に導入し、この最適化問題

に対して燃料配置を入れ替えて出力ピークを最 小化する計算を行った。CITATION による計算 回数の上限は10000回であり、PWRのXY平面 の出力ピークの制限値 1.435 を下回った後でも 計算は継続して行った。

3. 計算結果

GA、DGA、IA についてパラメータの違いに よる変化を調べ、最も出力ピーク最小化に適し たものを選び3種のアルゴリズムの比較を行った。計 算回数は1度に付き10000回、その計算を100回行い 得られた出力ピークの平均をとり、最も小さいパター ンのものを表2に示す。

平均出力ピークは、GA、DGA で低く、収束率も良 い値となりやや DGA が良い値を示した。IA は得られ ※2000回以内の計算回数で制限値を下回る解を発見した割合 る解の平均、及びその確率に劣りまた早期発見も少ない。各最適化法のアルゴリズムの探索を図2に



CORE CENTER

集合体	体数	kinf
А	15本	1.20
В	6本	1.12
С	6本	1.08
D	6本	1.04
E	6本	0.96
F	4本	0.92
G	4本	1.16
W	34本	_

表 1 装荷する燃料集合体数

表 2 各アルゴリズムにおける最適化法の比較

	GA	DGA	IA
最適解の平均出カピーク	1.3687	1.3677	1.3989
最適解の標準偏差	0.0277	0.0272	0.0343
解の得られた割合	98%	99%	84%
2000回以内※	42%	46%	11%

示す。

4. 考察

3 種のアルゴリズムには解の組み合わせを行う交叉と、解の一部を変化させる突然変異の二つ共通の操作がある。

GA では解の改良が連続的に進むがこれは良い解 を確実に残し、それを基に交叉により局所探索を行 う一方で突然変異率を大きく設定され多様性を保ち 易くなっているために解の最小値が暫時更新されて いる。

DGA では全体を複数の集合に分けて、それぞれの 集合での交叉、突然変異によって改良が行われ、GA より全体としての多様性を保っている。また集合間 の情報の伝播により集合間での交叉による探索が行 われ良い解同士の交差による急速な改良と突然変異 による暫時的な改良の両方が表れている。



IA では解の更新が起こった世代付近でさらに改良が起こることが少ない。これはよい解を次世代の 解の元として増やす一方で、局所解への落ち込みを防ぐために一定以上同じような解が集まるとそれ らを消去するので、探索を局所で集中的に行わないからである。そのため近傍探索が十分行われる前 に探索が打ち切られ、他の2種のアルゴリズムとは違い局所で改良された解の情報をあまり引き継ぐ ことができずに探索が行われるためにステップ状の更新が行われる。解の探索の打ち切りは制限値付 近だけでなく、それ以上の値でも行われるので交叉、突然変異の共通の操作がある他の2つのアルゴ リズムと比べ解の改良が遅くなる。

5. 結論

本研究で扱ったアルゴリズムの中では分散遺伝的アルゴリズム(DGA)が燃料装荷パターンに適応 性があることが分かった。免疫型アルゴリズム(IA)は解の消失をある程度抑制または他の探索と組み 合わせて局所探索の性能の向上を図り適用性を向上させることができると考えられる。今回取り扱っ た出力ピークの他にも実効増倍率や燃料中心温度、燃料燃焼度といった制約条件があり複数の条件に 対する適用が今後の課題となる。

参考文献

- 1) 相吉英太郎,安田恵一郎:メタヒューリスティクスと応用,電気学会,2007.
- Akio YAMAMOTO, Hiroshi HASHIMOTO: Application of the Distributed Genetic Algorithm for In-Core fuel Optimization Problems under Parallel Computational Environment, Journal of NUCLER SCIENCE and TECHNOLOGY, Vol.39,No12,p.1281-1288 2002.
- 3) 森山,賀文:最適化問題における免疫アルゴリズムの研究,鹿児島大学リポジトリ,2008.

核変換による放射性廃棄物処理方法の考察

Study of Disposal Method of Radioactive Waste by Nuclear Transmutation

大阪大学大学院工学研究科 環境・エネルギー工学専攻 原子力社会工学領域 髙橋公平(Kohei TAKAHASHI)

要旨

東京電力1F事故により発生した放射性廃棄物の処理が問題となっている。現在発電所の運転により発生する使用済み燃料はガラスに封入し高レベル放射性廃棄物として最終処分場に埋設処分する計画が進められている。しかし放射性物質を安定な物質や短い半減期の物質に変換することができれば埋設処分の必要がなくなる。本研究では核融合炉から得られる14MeVの中性子フラックスを用いてBWRから取り出した核分裂生成物を核変換処理することを検討した。本研究で14MeV中性子を用いた核変換により放射能を約35%削減できると分かった。

1. 背景と目的

東京電力1F事故により大量の放射性物質が発生し、飛散した放射性物質による土壌の汚染や炉内に残っている使用済み燃料の処理が問題になっている。使用済み燃料には、発電を行った際に生成する核分裂 生成物(以下 FP)とマイナーアクチニド(以下 MA)が含まれ高レベル放射性廃棄物として処理される。これ らの高レベル放射性廃棄物は放射能が強く、非常に人体に有害である。現在、この高レベル放射性廃棄物 はガラス固化体にして地層処分することが検討されている。高レベル放射性廃棄物を消滅させることがで きれば、その有益性は非常に高いものであるといえる。

主要な MA は高速群の中性子と核分裂反応を起こすことが知られている。この性質を利用し、MA を廃 棄物としてではなく燃料として利用し、処理する研究が進められている。しかし、FP に関しては核分裂を 起こさないため、中性子捕獲反応などの反応の核変換による処理が検討されている。軽水炉や高速炉、ADS による処理などが検討されている。本研究では 10MeV 以上の中性子に対して多くの核種が数バーンの断 面積を持つため、D-T 核融合反応による 14MeV 中性子を用いて(n,2n)反応による核変換処理を検討する。 中性子のフラックスは現在計画されているレーザー核融合炉で得られるものを使用した。

2. 計算手法

連続エネルギーモンテカルロコード MVP2¹⁾ を用いて燃焼計算用の一群縮約断面積を作成し、燃焼計算 コードである ORIGEN2²⁾ を用い表 1の条件で燃焼計算を行った。D-T 反応で得られる 14MeV の中性子 を核変換に用いた。ターゲットは燃焼度が 20[GWd/t]の BWR 使用済み燃料に含まれる FP を使用した。FP の量は 2.07E+04kg とした。核データライブラリーには JENDL-4.0³⁾を使用した。

フラックス	照射期間	冷却期間			
2×10^{15} , 4×10^{15} , 8×10^{15} , 2×10^{16} [#/cm ² · 秒]	100日、3年	300年			

表 1 計算条件

3. 計算結果

表 2 に照射したフラックスが 2× 10¹⁵[#/cm²・秒]の時の計算結果を示 した。比較のため中性子を照射せず に同じ期間冷却した結果を表3に 示した。この場合300年後において 約20キュリーの減少しか見込め ない。フラックスの変化による変換 率の変化を見るために、4×10¹⁵、8 ×10¹⁵、2×10¹⁶[#/cm²・秒]と変化さ せた。その結果を表4、表5、表6 に示した。またフラックスと照射日 数の関係を見るため表 7 のような 組み合わせで照射を行った。

表 2 フラックス 2×10¹⁵[#/cm²・秒]の時の放射能量変化

day	0	1095	3650	1.10E+05
SR 90	5.12E+04	3.67E+04	3.10E+04	3.14E+01
Y 90	5.24E+04	4.25E+04	3.11E+04	3.14E+01
CS137	6.39E+04	4.45E+04	3.78E+04	4.68E+01
BA137M	6.01E+04	4.21E+04	3.58E+04	4.42E+01
TOTAL	1.64E+06	3.63E+06	1.82E+05	2.29E+02

表 3 冷却のみの時の放射能量変化

day	0	1095	3650	1.10E+05
SR 90	5.12E+04	4.76E+04	4.03E+04	4.07E+01
Y 90	5.24E+04	4.77E+04	4.03E+04	4.08E+01
CS137	6.39E+04	5.96E+04	5.07E+04	6.27E+01
BA137M	6.01E+04	5.64E+04	4.80E+04	5.93E+01
TOTAL	1.64E+06	3.88E+05	1.95E+05	2.51E+02

表 4 フラックス 4×10¹⁵[#/cm²・秒]の時の放射能量変化 表 6 フラックス 2×10¹⁶[#/cm²・秒]の時の放射能量変化

day	0	3650	3.60E+04	1.10E+05
SR 90	5.12E+04	2.38E+04	2.80E+03	2.41E+01
Y 90	5.24E+04	2.39E+04	2.80E+03	2.41E+01
MO93	0.00E+00	4.88E+01	4.79E+01	4.60E+01
TOTAL	1.64E+06	1.75E+05	1.29E+04	2.37E+02

表 5 フラックス 8×10¹⁵[#/cm²・秒]の時の放射能量変化

day	0	3650	3.60E+04	1.10E+05
SR 90	5.12E+04	1.41E+04	1.66E+03	1.43E+01
Y 90	5.24E+04	1.41E+04	1.66E+03	1.43E+01
MO 93	0.00E+00	1.64E+02	1.61E+02	1.55E+02
TOTAL	1.64E+06	1.72E+05	7.73E+03	3.18E+02

day	0	3650	3.60E+04	1.10E+05
SR 90	5.12E+04	3.11E+03	3.65E+02	3.14E+00
Y 90	5.24E+04	3.11E+03	3.65E+02	3.14E+00
MO93	0.00E+00	6.41E+02	6.30E+02	6.05E+02
TOTAL	1.64E+06	2.14E+05	2.83E+03	7.64E+02

これらの結果の10年経過時と300年経過時の放射能量と フラックスの関係を図 1、図 2 に示した。フラックスが増 加すると10年経過時では放射能量は減少し、300年経過時 では増加している。

表 7 照射日数とフラックスの関係

放射能変化		冷却のみ	2E+16 [#/s/cm2]	2E+15 [#/s/cm2]	2E+16 [#/s/cm2]
	0	1000日	1000[日]照射	1000[日]照射	100[日]照射
Cs136	0.00%	0.00%	143.70%	159.90%	1753.20%
Ba136m	0.00%	0.00%	23.70%	26.30%	288.90%
Cs137	51.40%	48.30%	3.20%	36.70%	38.90%
Ba137m	48.60%	45.70%	3.10%	34.70%	36.80%
Cs138	0.00%	0.00%	0.30%	0.30%	3.30%
Total	100.00%	93.90%	173.80%	257.90%	2121.20%



図1 10年経過時の放射能量

図 2 300 年経過時の放射能量

表 7より照射期間とフラックスの関係として¹³⁷Csに注目すると照射期間を10分の1にするのとフラックスを10分の1にするのは同じ効果だとわかる。

300 年経過時の放射能の大部分を占める MO93 が発生しないよう Mo と親核種である Zr を照射前に取り除き、照射後合算したものを表 8 に示した。Zr と Mo を除去せずに照射した場 合と比較して 300 年経過時で約 35%放射能を削 減できた。 表 8 フラックス 2×10¹⁶[#/cm²・秒]の時の 放射能量変化(Zr,Mo に照射せず)

day	0	3650	3.60E+04	1.10E+05
SR 90	5.12E+04	3.02E+03	3.55E+02	3.05E+0C
Y 90	5.24E+04	3.02E+03	3.55E+02	3.05E+0C
MO 93	0.00E+00	2.18E+00	2.14E+00	2.05E+0C
TOTAL	1.75E+06	2.19E+05	2.89E+03	1.64E+02

4. 考察

照射フラックスを大きくすることで核変換が大きく進むことがわかった。しかしそれにより新たな長半 減期核種である⁹³Mo などが発生することもわかった。放射能を効率よく削減するためにはそれらの核種 を取り除くことが必要である。また同じ変換率を得ようとする場合、照射期間とフラックスは反比例の関 係にあるため大きなフラックスが得られない場合でも照射期間を長く取ることにより高い変換効率を得る ことができる。

5. 結論

D-T 核融合反応によるスペクトルを用いると(n,2n)反応により、FP を効率的に削減することができる。 今後の課題として、中性子の漏れを考慮に入れた変換効率の検討を目的として、さまざまな形状の体系で 燃焼計算を行い、FP 核種の変換率を検討する必要がある。

参考文献

- Y. Nagaya, K. Okumura, T. Mori et al., MVP/GMVP Version 2 : General Purpose Monte Carlo Codes for Neutron and Photon Transport Calculations based on Continuous Energy and Multigroup Methods, JAERI 1348 (2005).
- A.G.Croff. : ORIGEN2 A Revised and Updated Version of the Oak Ridge Isotope Generation and Depletion Code. ORNL, July 1980.
- K. Shibata, O. Iwamoto, T. Nakagawa, N. Iwamoto, A. Ichihara, S. Kunieda, S. Chiba, K. Furutaka, N. Otuka, T. Ohsawa, T. Murata, H. Matsunobu, A. Zukeran, S. Kamada, and J. Katakura: "JENDL-4.0: A New Library for Nuclear Science and Engineering," *J. Nucl. Sci. Technol.* <u>48</u>(1), 1-30 (2011).

若手研究会報告

燃料棒単位 BWR 炉心計算における

スペクトル干渉効果を考慮した断面積補正

名古屋大学大学院 工学研究科 マテリアル理工学専攻

博士後期課程2年(山本研究室) 藤田 達也

1. 序論

BWR 炉心解析によって炉心の巨視的な挙動を求める場合に必要となる断面積は、ボイド率、制御棒 位置、スペクトル干渉効果といった着目している燃焼度点での炉心状態、燃料集合体毎の燃焼度、着目 している燃焼度点までの燃焼履歴に依存している [1]。しかしながら、原子炉の状態は、運転計画や燃 料装荷パターンによって大きく異なるため、その全て想定し断面積を計算することは、計算時間や計算 に必要なデータ量の観点から現実的ではない。そのため、現行の炉心解析では、まず格子計算コードに おいて特定の原子炉の状態を想定した計算を実施し、非均質・詳細群の断面積を求める。次に、格子計 算コードで求められた非均質・詳細群の断面積から均質化・群縮約を行うことで均質・少数群の断面積 を計算し、原子炉の状態や燃焼履歴のパラメータに対してテーブル化することで、断面積ライブラリを 作成する。そして、炉心計算コードでは、燃料集合体の燃焼度、ボイド率の変化、制御棒の挿入といっ た原子炉の状態に応じて、断面積ライブラリを参照することで、必要な少数群均質断面積を計算し、原 子炉の巨視的な挙動を評価している [2]。

現行の炉心解析では、燃料集合体単位で均質化された断面積を用いて、炉心計算を行っている。この 場合、燃料棒出力分布を直接評価することが不可能であるため、燃料棒出力再構成法を用いて、燃料棒 出力分布を評価している [3,4]。しかしながら、この方法では、高燃焼度燃料及び混合酸化物燃料(MOX 燃料)が装荷された原子炉では、燃料集合体内の中性子束分布のエネルギー及び空間的な分布が大きくな るため、これまでと同等の精度を保つことが困難になる可能性がある。そこで近年では、次世代炉心計 算手法の一つとして、燃料棒単位詳細メッシュ炉心計算手法が研究されている [5,6]。この計算手法で は、燃料集合体を燃料集合体単位ではなく、燃料棒単位で均質化している。これにより、燃料棒出力分 布を直接評価することが可能になり、また現行の計算手法に比べて詳細なメッシュで均質化を行うこと から均質化誤差の低減が可能となるため、出力ピーキング係数といった炉心設計において重要なパラメ ータの計算精度の向上が期待されている。

BWR 体系における燃料棒単位詳細メッシュ炉心計算手法を実用化するためには、断面積ライブラリ の作成方法の確立が課題の一つとなっている。断面積ライブラリによる断面積の再構築の精度は、炉心 計算コードでの計算精度に大きな影響を与える。しかしながら、BWR 体系における燃料棒単位詳細メ ッシュ炉心計算手法に対応した断面積ライブラリの作成方法は確立していない。

これまでの研究では、BWR 体系における燃料棒単位詳細メッシュ炉心計算手法に対応した断面積ラ イブラリの作成方法に関する検討を行ってきた。原子炉の状態や燃焼履歴のパラメータ(スペクトル干渉

1

効果及びその履歴効果を除く)に対する断面積のテーブル化方法の検討に取り組み、その研究成果を報告 した。今回の若手研究会では、断面積ライブラリにおけるスペクトル干渉効果を考慮した断面積の補正 方法について報告する。なお、ここでは群縮約に対するスペクトル干渉効果について取り扱う。

2. 群縮約に対するスペクトル干渉効果

格子計算コードで取り扱う体系は、単一燃料集合体体系であり、この体系で計算された詳細群断面積 と詳細群中性子束から、少数群断面積が計算される。一方で、炉心計算コードで取り扱う体系では、多 くのタイプの燃料集合体が複雑に隣接した体系である。例えば、UO2燃料とMOX燃料、新しい燃料と 古い燃料、濃縮度の高い燃料と低い燃料などである。このように異なる燃料集合体が隣接すると、燃料 集合体間での中性子の流入と流出のバランスが異なり、単一燃料集合体体系の中性子スペクトルとは異 なる中性子スペクトルになる(スペクトル干渉効果)。これにより、断面積ライブラリから再構築される 少数群断面積は、本来あるべき少数群断面積とは異なったものになる。しかしながら、原子炉の運転前 には多くの燃料装荷パターンを検討して最終的な燃料装荷パターンを決定することから、燃料集合体の 隣接パターンは無数に存在する。そのため、断面積ライブラリでは単一集合体計算の結果を用いたテー ブル化が実施され、スペクトル干渉効果による断面積の変化は別途補正されている。

従来では、高速群と熱群の中性子束の比を用いたスペクトルインデックス(SI)を用いて、少数群断面 積の補正が行われている [7,8]。しかしながら、従来の炉心計算手法では、集合体単位で均質化を行っ た 2~3 群計算であるのに対し、本研究で対象としている燃料棒単位詳細メッシュ炉心計算手法では、燃 料棒単位という空間的により詳細な均質化を行い、より多くのエネルギー群計算というエネルギー的に も詳細な条件を用いている。そのため、従来のスペクトルインデックスをそのまま適用することが困難 であると考えられる。

そこで本研究では、BWR 体系における燃料棒単位詳細メッシュ炉心計算手法への適用を目標とした、 スペクトル干渉効果を考慮した新たな断面積の補正方法を検討する。

3. 断面積の補正方法

単一燃料集合体計算及び複数燃料集合体計算において得られる中性子束分布を用いた場合の、少数群 断面積の差異を考える。このとき、少数群断面積の差異は、少数群を構成する詳細群の中性子束の割合 の変化によって生じることが分かる。そのため、スペクトル干渉効果を考慮して少数群断面積を補正す るためには、少数群を構成する詳細群の中性子束の割合の変化を考慮した補正モデルを用いる必要があ ると考えられる。

例えばエネルギー群構造の最適化のように、詳細群の断面積や中性子束を直接用いることが可能であ れば、少数群断面積の差異の評価は容易に行える。しかしながら、炉心計算では少数群の断面積や中性 子束しか用いることができない。そのため、詳細群の断面積や中性子束を用いることなく、少数群の断 面積や中性子束のみを用いて、少数群断面積の差異を評価することを考えなければならない。

異なる種類の燃料集合体を隣接させたとき、燃料集合体間での中性子の流入と流出のバランスが異な るということである。これにより、隣接境界の周辺では中性子スペクトルが異なっている。このとき、 燃料集合体間での中性子の流入と流出のバランスの変化というのは、隣接境界のとある領域に着目した ときの中性子の漏洩の変化に相当する。これは、以下の点から明らかである。燃料集合体の最外周メッ シュに着目したとき、単一燃料集合体体系では隣接する燃料集合体の最外周メッシュへの漏洩はゼロで ある。一方で、複数燃料集合体体系では隣接する燃料集合体の最外周メッシュへの漏洩はゼロではない。 そのため、少数群断面積の差異を評価するためのインデックスとして、中性子の漏洩の変化に着目する。

中性子の漏洩の変化に着目するため、式(1)に示すように、中性子の漏洩に関するインデックス(Leakage index, LI)を定義し、これを用いて式(2)に示すような補正モデルを提案する。

$$LI_G = \frac{\int_S \vec{J}_G \vec{n} \, dS / \int_V dV}{\phi_G} \tag{1}$$

$$\Delta \Sigma_{x,G} = \sum_{G'} a_{x,G,G'} \left(LI_{G'} - LI_{G'}^{single} \right)$$
⁽²⁾

ここで、

LI 中性子の漏洩に関するインデックス(Leakage index) レサウレナ係数 ~ 型 ~ 厂 亡 ~ ~ ~ ~ () / / / × • TT //

single 単一燃料集合体計算

である。なお、式(3)に示す拡散理論に基づく固有値計算においては、式(1)は式(4)になる。

$$-\nabla D_{G} \nabla \phi_{G} + \Sigma_{r,G} \phi_{G} = \frac{\chi_{G}}{k_{eff}} \sum_{G' \in G} \nu \Sigma_{f,G'} \phi_{G'} + \sum_{G' \neq G} \Sigma_{s,G' \to G} \phi_{G'}$$
(3)
$$LI_{G} = D_{G} B_{G}^{2}$$

$$=\frac{\frac{\chi_G}{k_{eff}}\sum_{G'}\nu\Sigma_{f,G'}\phi_{G'} + \sum_{G'\neq G}\Sigma_{s,G'\rightarrow G}\phi_{G'} - \Sigma_{r,G}\phi_G}{\phi_G}$$
(4)

式(2)では、G 群の断面積の変化を考えるために、G 群以外の群の LI を考慮している。この理由は、以 下の通りである。前述のように、少数群計算ではあくまでも少数群内をフラットなものとして捉えてい る。そのため、中性子の漏洩の大小は考慮できても、少数群内に本来生じている分布を考慮できない。 しかしながら、少数群断面積の変化を評価するためには、少数群内に本来生じている分布を考慮する必 要がある。このことから、少数群内に本来生じている分布を擬似的に評価するために、G群以外の群の LIを考慮している。

4. 検証計算

1次元体系を用いた多群拡散計算を行い、式(1)、(2)で提案されたスペクトル干渉効果の補正モデルの 検証を行う。BWR 燃料集合体を想定し、図1に示すような、2 集合体問題を考える。なお、両端は完全 反射境界である。



図1 2集合体問題

BWR 燃料集合体を想定した簡易燃料集合体として、以下の3種類の燃料集合体を用いる。なお、幾何 形状は、8×8燃料集合体のものを利用した [9]。

- LEU 燃料 低濃縮 UO2 燃料集合体(平均 U-235 濃縮度:1.0wt%)
- HEU 燃料 高濃縮 UO2 燃料集合体(平均 U-235 濃縮度:3.4wt%)
- MOX 燃料 MOX 燃料集合体(平均 Pu-fissile 富化度:4.1wt%)

集合体平均ボイド率は、0、40、70、90%であり、燃料集合体内で一様としている。集合体平均燃焼度は、 0、10、20、30、40、50、60GWd/t である。燃料棒単位均質化断面積は、SRAC2006/PIJを用いて 107 群 固有値計算を行うことで作成した [10]。

検証計算に先立ち、式(2)に示された補正モデルにおける LI の係数 a をテーブル化する。以下では、 その手順を示す。

- 1. 詳細群の単一集合体計算を行い、得られた中性子束を用いて少数群断面積を計算する。
- 2. 1.で得られた少数群断面積を用いて拡散計算を行い、少数群の LI を計算する。
- 3. 特定の2集合体体系に対して詳細群計算を行い、得られた中性子束を用いて少数群断面積を計 算する。
- 4. 3.で得られた少数群断面積を用いて拡散計算を行い、少数群のLIを計算する。
- 5. 1.~4.で得られた少数群断面積と少数群の LI を用いて、最小二乗法により LI の係数 a を計算する。
- 6. 1.~5.を各燃料集合体に対して実施する。

検証計算では、上記で得られた LI の係数 a のテーブルを用いて、少数群断面積を補正する。以下では、 その手順を示す。

- 1. 詳細群単一集合体計算から得られる少数群断面積を初期値として、少数群の2集合体計算を行う。
- 1.で用いた少数群断面積と1.で得られる少数群中性子束から、式(4)に従って少数群のLIを計算 する。
- 3. 2.で計算した少数群の LI とあらかじめテーブル化した LI の係数 a を用いて、少数群断面積の 補正量を計算し、少数群断面積を更新する。
- 4. 3.で得られる少数群断面積を初期値として、収束条件を満足するまたは反復回数制限に達する まで 1.~3.を繰り返す。

本研究で提案する補正モデルの有用性を、107 群から8 群に縮約した場合の8 群拡散計算の計算結果 を調査することで、確認する。なお、計算精度の比較では、2 集合体体系の実効増倍率及び核分裂率分 布の差異を用い、式(5)、(6)に示すようにしてそれぞれ計算する。

$$\Delta k_{eff} \left[\Delta k \,/\, k \right] = \frac{k_{eff}^{calc} - k_{eff}^{ref}}{k_{eff}^{ref}} \tag{5}$$

$$\Delta R_{f,RMS}[-] = \sqrt{\frac{\sum_{k \in fuel \, mesh}} \left(R_{f,k}^{calc} - R_{f,RMS}^{ref}\right)^2}{N_{fuel \, mesh}}}$$
(6)

ここで、

$\Delta k_{e\!f\!f}$	実効増倍率の相対差異
k _{eff}	実効増倍率
$\Delta R_{f,RMS}$	核分裂分布の差異の平均二乗偏差
$R_{f,k}$	メッシュkにおける核分裂率(全メッシュの核分裂率の平均値を1に規格化)
$N_{\it fuelmesh}$	燃料メッシュの総数
calc	補正された少数群断面積を用いた計算結果
ref	参照結果

である。なお、参照結果は、107 群の2集合体計算から得られる中性子束を用いて2集合体体系で直接 群縮約した8群断面積を用いた、8群拡散計算の計算結果である。8群のエネルギー群構造は、参考文 献[6]のものを用いた。

図 2 に、LEU、HEU、MOX 燃料のいずれか 2 種類から構成される 2 集合体体系における計算結果を 示す。



図2 2集合体体系における計算結果

図2より、本研究で提案する補正方法を用いることで、2集合体体系の実効増倍率及び核分裂率分布 の差異を低減できていることが確認できる。そのため、本研究で提案する断面積の補正方法は、スペク トル干渉効果による少数群断面積の変化を考慮することができていると考えられる。

5. まとめ

今回の若手研究会では、本研究で取り組んでいる、BWR 体系における燃料棒単位詳細メッシュ炉心 計算手法への適用を目標とした、スペクトル干渉効果を考慮した断面積の補正方法の検討について、報 告した。

本研究では、スペクトル干渉効果による中性子スペクトルの変化が、着目領域における中性子の漏洩 の変化であることに起因することに注目し、少数群断面積を補正するためのインデックスを新たに定義 した。また、そのインデックスを用いた断面積の補正モデルを新たに構築した。BWR 燃料集合体を想 定した1次元2集合体問題を通して本研究で提案する断面積の補正方法の検証を行ったところ、2集合 体体系の実効増倍率及び核分裂率分布の差異を低減できていることが確認できた。このことから、本研 究で提案する断面積の補正方法は、スペクトル干渉効果による少数群断面積の変化を考慮することがで きていると考えられる。

参考文献

- [1] 山本章夫,須山賢也,小坂進矢,巽雅洋,笠原昭博,今村康博,山本徹,長家康展,東條匡史,第38 回炉物理夏期セミナーテキスト-燃焼計算&モンテカルロ法,日本原子力学会炉物理部会,(2006).
- [2] 岡芳明, *原子炉設計*, オーム社, 東京, (2010), ISBN 9784274209828.
- [3] T. Iwamoto and M. Yamamoto, Pin power reconstruction methods of the few-group BWR core simulator NEREUS, J. Nucl. Sci. Technol. 36 (1999), pp. 1141-1152.
- [4] K. R. Rempe and K. S. Smith, SIMULATE-3 pin power reconstruction: methodology and benchmarking, *Nucl. Sci. Eng.* 103 (1989), pp. 334-342.
- [5] M. Tatsumi and A. Yamamoto, Advanced PWR core calculation based on multi-group nodal-transport method in three-dimensional pin-by-pin geometry, J. Nucl. Sci. Technol. 40 (2003), pp. 376-387.
- [6] K. Tada, A. Yamamoto, Y. Yamane and Y. Kitamura, Applicability of the diffusion and simplified P3 theories for pin-by-pin geometry of BWR, *J. Nucl. Sci. Technol.* 45 (2008), pp. 997-1008.
- S. Palmtag and K. Smith, Two-group spectral corrections for MOX calculations, *Proc. PHYSOR98*, Oct. 5-8, 1998, Long Island, NY, (1998).
- [8] 桐村一生, 左藤大介, 安部晋司, 松本英樹, 三菱 PWR 核設計コードシステム GALAXY/COSMO-S の開発-(6)COSMO-S における隣接燃料による核定数補正手法-, 日本原子力学会 2011 年秋の大会予 稿集, 2011 年 9 月 19 日-22 日, 小倉, 日本, N16, (2011). [CD-ROM].
- [9] H. Okuno, Y. Naito and K. Suyama, OECD/NEA burnup credit criticality benchmarks phase IIIB: burnup calculations of BWR fuel assemblies for storage and transport, JAERI-Research 2002-001, Japan Atomic Energy Research Institute, (2002).
- [10] K. Okumura, T. Kugo, K. Kaneko and K. Tsuchihashi, SRAC2006: A Comprehensive Neutronics Calculation Code System, JAEA-Data/Code 2007-004, Japan Atomic Energy Agency, (2007).